

# 1.ÜBUNG: TRANSVERSALSCHWINGER EIGENFREQUENZ UND EIGENFORM

Name:

Matrikelnummer:

## 1. Aufgabenstellung

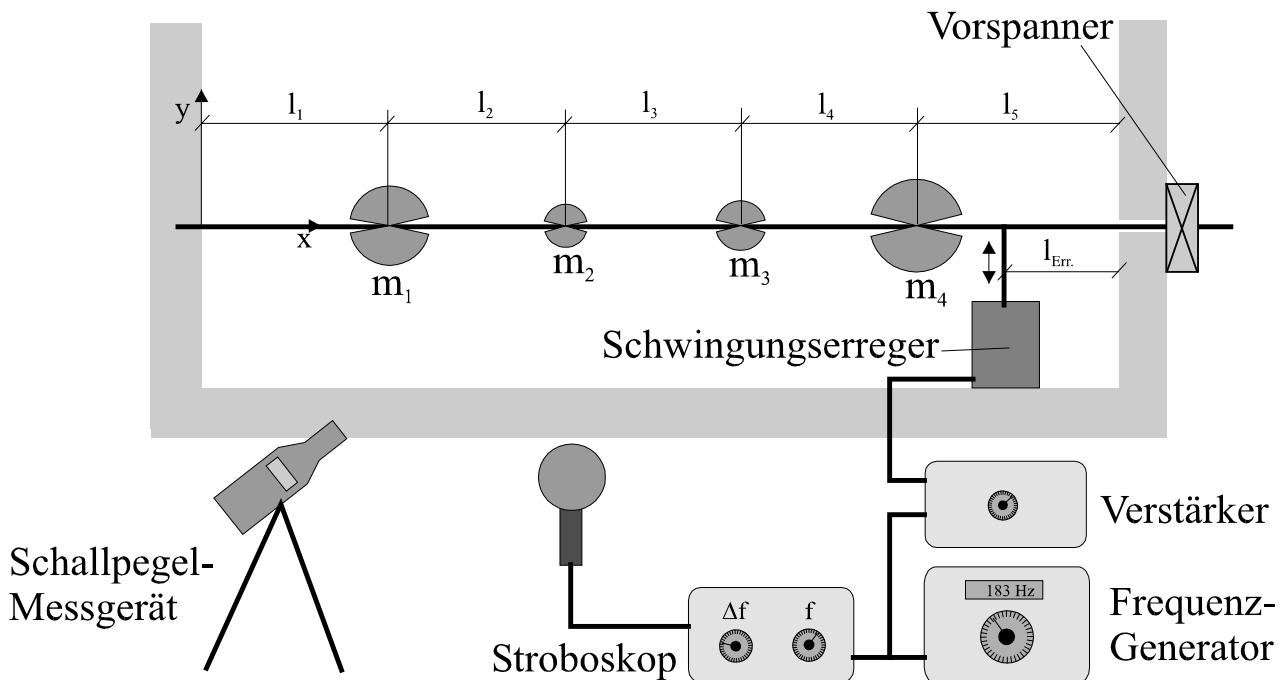
Ausgehend von den vorliegenden Rechenwerten sollen Eigenfrequenzen und Eigenformen eingestellt und

die durch Veränderung der Vorspannung eingetretene Abweichung festgehalten werden.

Zur Darstellung der Abhängigkeit der Frequenz von der Vorspannung ist diese zu verändern und die Abweichung zu vermerken.

Die Zunahme des Luftschalles in Resonanznähe ist zu ermitteln.

## 2. Meßgeräteanordnung



### Längen und Massen

$l_1 = 0.367 \text{ m}$	$l_{\text{Err}} = 0.280 \text{ m}$	$m_1 = 0.249 \text{ kg}$
$l_2 = 0.325 \text{ m}$		$m_2 = 0.088 \text{ kg}$
$l_3 = 0.405 \text{ m}$		$m_3 = 0.173 \text{ kg}$
$l_4 = 0.345 \text{ m}$		$m_4 = 0.253 \text{ kg}$
$l_5 = 0.380 \text{ m}$		

### Vorspannung (wie markiert):

$S = 1440 \text{ N}$  (näherungsweise)

### 3. Ermittlung von Eigenfrequenzen und zugehörigen Eigenformen

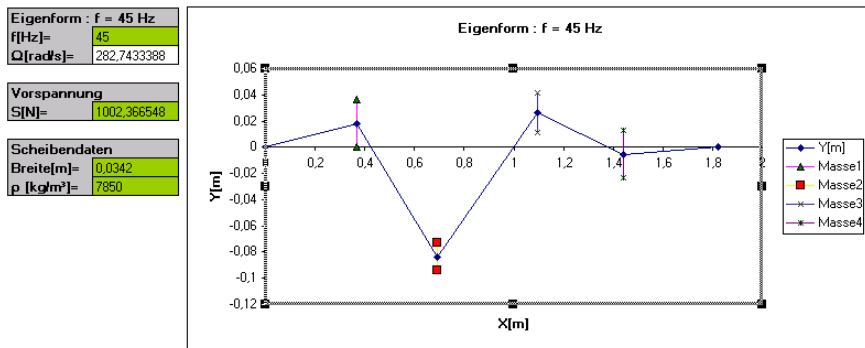
- 3.1 Beginne bei Einstellung 10 Hz und steigere die Frequenz, optoakustische Suche nach Eigenformen
- 3.2 Veränderung der Vorspannung um ca. 1/2 Drehung, welche Änderung tritt ein?
- 3.3 Veränderung der Masse  $m_2$ , welche Änderung tritt ein?

Vorspannung (Masse $m_2$ var.)	Frequenz		Knoten	Eigenform	Schallpegel [dB] lin	
	gerechnet	gemessen			vor Max	Diff zu Max
					hier nicht sinnvoll (:::☺)	

Holzer - Tabelle mit Ergebnis für die 4. Eigenform: (EF beispielhaft)

Ergebnisse bei markierter Einstellung: (entspricht einer Vorspannung von ca. 1450 N)

$f_1 = 15.00$  Hz,       $f_2 = 24.64$  Hz,       $f_3 = 36.71$  Hz,       $f_4 = 53.97$  Hz



Position	X[m]	Y[m]	D[m]	m[kg]	$\Omega^2 \cdot m \cdot Y$	$Q_e - \Sigma Q^2 \cdot m \cdot Y$	l[m]	$c = S/l [\text{N/m}]$	$Q/c$
Links	0	0				50	0,367	2731,243999	0,018306676
Masse1	0,367	0,018306676	0,0362	0,24868254	363,9481894	-313,9481894	0,325	3084,204762	-0,101792265
Masse2	0,692	-0,083486589	0,0215	0,087721303	-585,4655602	271,5173707	0,405	2474,97913	0,109704913
Masse3	1,097	0,026219324	0,0302	0,173078068	362,7841455	-91,26677478	0,345	2905,410283	-0,031412698
Masse4	1,442	-0,005193373	0,0365	0,252821429	-104,9658898	13,69911504	0,38	2637,806704	0,005193373
Rechts	1,822	7,0343E-15							

3.4 Stelle die mit der gewählten Einstellung berechneten Eigenformen dar ( zB mit **Excel**).

3.5 Wie wirkt sich eine Änderung der Vorspannung in der Berechnung aus?

3.6 Wie wirkt sich ein Veränderung der Masse(n) aus?

#### 4. **Schlußfolgerungen:**

Wie kann Resonanz vermieden werden?

### 3. Turbinenschaufelschwingung am Modell eines einseitig eingespannten Balken. Bestimmung von Resonanzfrequenz und Eigenformen

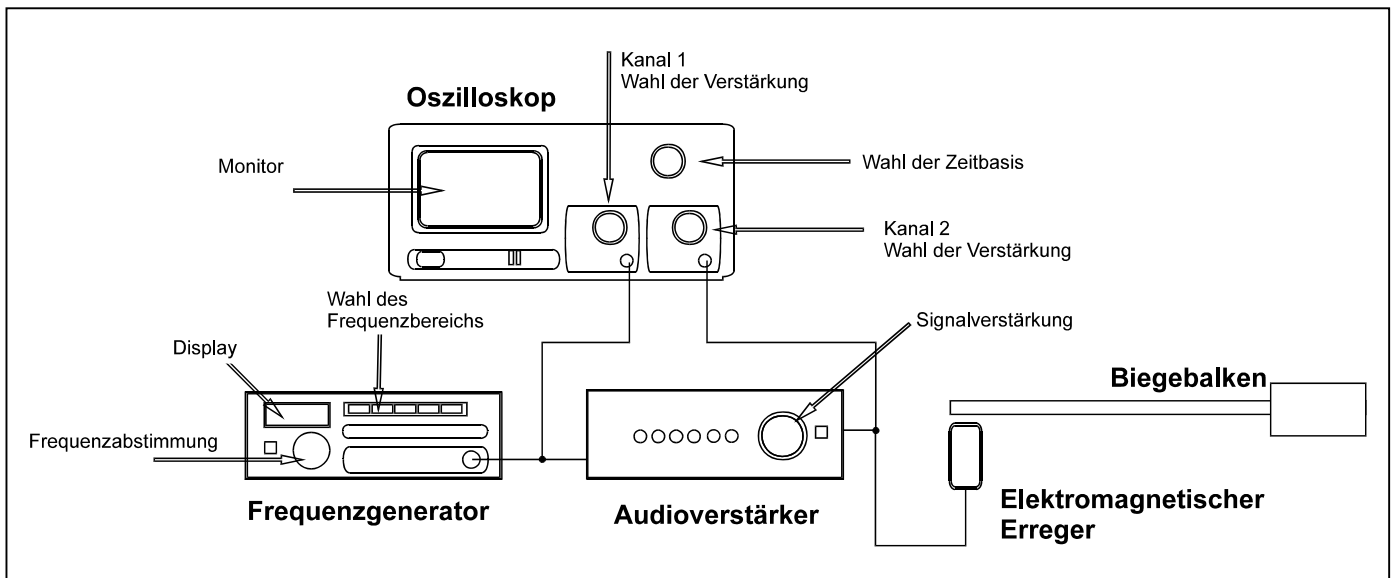
NAME: \_\_\_\_\_

Matrikelnummer: \_\_\_\_\_

#### 1. AUFGABENSTELLUNG:

- Experimentelles Auffinden der ersten drei Resonanzfrequenzen eines einseitig eingespannten Balkens bei gegebener Anregungsrichtung
- Bestimmung der dazugehörenden Eigenformen durch Sichtbarmachen der Knotenlinien

#### 2. MESSAUFBAU:



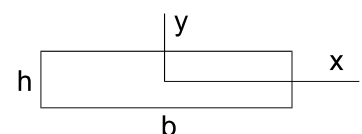
Daten des Balkens: Länge 201 mm  
 Breite 33 mm  
 Höhe 4,6 mm  
 Elastizitätsmodul:  $212 \cdot 10^9 \text{ N/m}^2$  (St52)  
 Dichte:  $7850 \text{ kg/m}^3$  (St52)

#### 3. BERECHNUNGEN:

- Flächenträgheitsmomente

$$J_x = \frac{b \cdot h^3}{12} =$$

$$J_y = \frac{h \cdot b^3}{12} =$$



- Resonanzfrequenzen der Biegeschwingungen des einseitig eingespannten Balkens (in Hz anzugeben)

$$2\pi f_n = \left(\frac{k_n}{L}\right)^2 \sqrt{\frac{E \cdot J}{\rho \cdot F}}$$

für

$$\begin{aligned} k_1 &= 1,875 \\ k_2 &= 4,694 \\ k_3 &= 7,854 \end{aligned}$$

		kleines Trägheitsmoment	großes Trägheitsmoment
f <sub>1,Biege</sub>	Hz		
f <sub>2,Biege</sub>	Hz		
f <sub>3,Biege</sub>	Hz		

- Mittels FE- Analyse erhaltene Resonanzfrequenzen :

		Frequenz	Schwingungsform (Biege, Torsion)
f <sub>1</sub>	Hz		
f <sub>2</sub>	Hz		
f <sub>3</sub>	Hz		
f <sub>4</sub>	Hz		
f <sub>5</sub>	Hz		
f <sub>6</sub>	Hz		
f <sub>7</sub>	Hz		

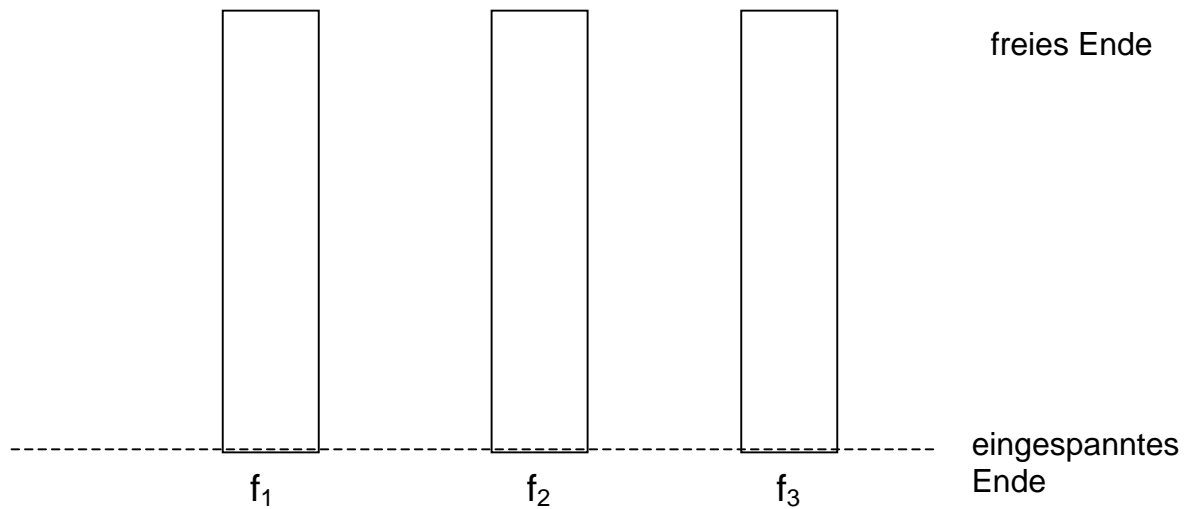
## MESSUNG

- ermittelte Resonanzfrequenzen:

		1	2	3	4	5	6	7	8	10
$f_1$	Hz									
$f_2$	Hz									
$f_3$	Hz									

		Mittel	statistischer Fehler	Gerätefehler in diesem Meßbereich
$f_1$	Hz			
$f_2$	Hz			
$f_3$	Hz			

- ermittelte Schwingungseigenformen (Knotenlinien):



Bezeichnung:  
(Biege/Torsion)



## 2.ÜBUNG: Biegeschwingungen rotierender Wellen

### Zustandsüberwachung (Vibration / Health Monitoring) & Auswuchten

**NAME:**

**Matrikelnummer:**

#### 1. AUFGABENSTELLUNG:

- Experimentelles Ermitteln der Eigenfrequenz  $\omega$  der Turbinenwelle und Vergleich mit der Simulation
- Bestimmen der Winkellage der Unwuchterregung und Auswuchten der Welle durch Setzen einer Gegenunwucht (Simulation und am Modell)

#### 2. BERECHNUNGEN + SIMULATIONEN:

- Schätzwert für die 1. Eigenfrequenz

Daten:

Scheibenmassen:

$$m_1 = 2.047 \text{ kg}$$

$$m_2 = 2.577 \text{ kg}$$

Summe:

$$m = m_1 + m_2 = 4.624 \text{ kg}$$

E-Modul:

$$E = 2.1 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$$

Wellendurchmesser:

$$d = 0.015 \text{ m}$$

Abstand Lager 1 – Scheibe:

$$a = 0.326 \text{ m}$$

Abstand Scheibe – Lager 2:

$$b = 0.359 \text{ m}$$

Flächenmoment:

$$I = \frac{\pi \cdot d^4}{64} = \dots \text{ m}^4$$

Biegesteifigkeit der Welle:

$$c = \frac{3EI \cdot (a+b)}{a^2 b^2} = \dots \text{ N/m}$$

Näherung für die 1. Eigenfrequenz:

$$\omega = \sqrt{\frac{c}{m}} = \dots \text{ rad/s}$$

(das entspricht der Drehzahl von:

$$n_1 = \dots \text{ U/min})$$

- Eigenfrequenz der Computersimulation:

$$\omega_1 = \dots \text{ rad/s} \quad n_1 = \dots \text{ U/min}$$

$$\omega_2 = \dots \text{ rad/s} \quad n_1 = \dots \text{ U/min}$$

- Fourierspektrum der Computersimulation ⇒ s. Anhang

- Orbit + Polardiagramme der Computersimulation (vor/nach Anbringen einer Gegenunwucht) ⇒ s. Anhang

Die Gegenunwucht wurde bei einer Winkellage von  $\varepsilon = \dots^\circ$  angebracht.

Die Gegenunwucht entsprach einer Exzentrizität von  $e = \dots \text{ m}$ .



